## 拓扑半金属研究最新进展\*

翁红明<sup>†</sup> 戴希 方忠 (中国科学院物理研究所 量子物质科学协同创新中心 北京 100190)

凝聚态物理一个重要的研究内容就是,发现 新物态,标识新物态,观测、理解并调控它所具 有的物理性质以及不同物态之间的相互转变。日 常生活中常见的固态、液态和气态就是三种不同 的物态。而无处不在的导电金属和不导电的绝缘 体又是另外一种物态分类方式。固体能带理论告 诉我们,这是通过对固体中电子的排布方式进行 分类的。电子在周期性的固体中呈现能带结构, 泡利不相容原理使得每个能带只能填充两个自旋 反向的电子。再根据能量最低原理,电子按能 量高低次序填充能带,如果恰好填满某个能带,

与最低未占据能带之间存 在有限大小的能量间隙,那 就是绝缘体;如果有能带 未填满,部分占据,那就是 金属。

最近几年的拓扑绝缘体 研究告诉我们,完全占据的 电子能带还具有拓扑特性, 借助数学中封闭曲面的拓扑 分类方法,引入电子能带结 构的拓扑不变量,进一步把 绝缘体划分为普通绝缘体和 拓扑非平庸绝缘体(即拓扑绝 缘体)。根据不同的拓扑不变 量,拓扑绝缘体又可以进一 步划分为整数霍尔效应态(包 括量子化反常霍尔效应态)、 拓扑Z<sub>2</sub>绝缘体、拓扑晶体绝 缘体等<sup>[1]</sup>。这些拓扑非平庸 物态吸引人关注的地方在于其新奇的边缘态。虽 然它们的体内跟普通绝缘体一样不导电,但是其 边缘上却存在受体内拓扑特性保护的导电态,可 以用作没有能量耗散的理想导线,具有巨大的潜 在应用价值。

我国科学家在拓扑绝缘体领域做出了几个关 键的突破性贡献。2009年理论预言三维强拓扑绝 缘体 Bi<sub>2</sub>Se<sub>3</sub>, Bi<sub>2</sub>Te<sub>3</sub>家族, 掀起了拓扑绝缘体研究 热潮<sup>[2]</sup>。2010年理论预言Cr, Fe等掺杂的Bi<sub>2</sub>Se<sub>3</sub>家 族拓扑绝缘体薄膜可实现量子化反常霍尔效应<sup>[3]</sup>, 并于2013年首次实验观察到了该效应<sup>[4]</sup>。随着拓



**图1** 三维狄拉克半金属、拓扑或普通绝缘体、最简单的非磁性和磁性Weyl半金属之间的关系

2015-03-24收到 † email:hmweng@iphy.ac.cn DOI:10.7693/wl20150408

<sup>\*</sup>国家自然科学基金(批准号: 11274359, 11422428)、国家重点基础研究发展计划(批准号: 2011CBA00108, 2013CB921700)资助项目; 中国科学院先导B项目(批准号: XDB07020100)



图2 (a)非磁性非中心对称 Weyl 半金属 TaAs 家族的晶体结构。12 对 Weyl 费米子在 TaAs 的晶格动量空间的分布。红蓝 色表示相反的磁荷,箭头表示磁力线方向;(b)沿*a*方向的视 图,只保留分布在正截面附近的 Weyl 点,每个可见的 Weyl 点 背后还有一个相反的磁荷点;(c)沿 *c*方向的视图,内圈可见 的4对 Weyl 点背后都有一个相同磁荷的点<sup>[13]</sup>

扑绝缘体研究的深入,人们自然而然会问这样一 系列的问题:金属是否也有拓扑金属和普通金 属的分类?如何分类?会有什么样新奇的物理现 象?<sup>[1]</sup>

要回答这些深刻的物理问题,还要从1928年 说起。这一年,狄拉克提出描述带有相对论效应 电子态的狄拉克方程。第二年,H.Weyl指出狄拉 克方程无质量的解描述的是一对新粒子,这一对 新粒子具有相反的手性,这就是Weyl费米子。无 质量的狄拉克电子是一对手性相反的Weyl费米子。 所量的狄拉克电子是一对手性相反的Weyl费米子。 防简单叠加,其色散关系就是图1所示的狄拉克 锥。自此,寻找Weyl费米子的努力一直持续不 断。中微子曾经被认为是Weyl费米子,但是后来 发现中微子是有质量的。直到最近拓扑绝缘体和 拓扑半金属的快速发展,为在凝聚态体系中产生 Weyl费米子提供了新的思路和途径。

由拓扑绝缘体的研究得知,拓扑不变量是定 义在封闭的曲面上的,譬如晶格动量空间。虽然 金属态因为有部分占据的能带,不能在整个晶格 动量空间形成封闭曲面,但是其费米面总是封闭



**图3** Weyl点附近贝里曲率分布和(001)表面上连接相反磁荷 投影点的费米弧。不同颜色点表示投影的磁荷相反,大和小 表示磁荷数分别为2和1<sup>[13]</sup>

的,因此类似地可以定义拓扑不变量来标识金属 态<sup>[1]</sup>。1984年,M.Berry推广了贝里相位的概 念,并指出,晶格动量空间中的能级交叉点就是 由贝里曲率定义的规范场的磁单极子,其磁荷就 是通过包裹该能级交叉点的费米面的磁通量子数<sup>[5]</sup>。 在该能级交叉点附近电子的低能激发就是Weyl费 米子,而且不同的磁荷对应不同的手性,也就是 说,固体中的这种低能激发可以看作是Weyl费米 子在晶格动量空间的存在。2003年,方忠等人通 过第一性原理计算表明,铁磁金属中的Weyl费米 子贡献了反常霍尔效应的内禀部分<sup>[6]</sup>。这说明 Weyl费米子在固体能带结构中广泛存在。但是这 些金属的费米面非常复杂,很难将Weyl费米子的 贡献分离出来。因此发现费米面仅仅由Weyl费米 子或能带交叉点构成的实际材料成了众多研究者 竞相实现的目标。由于这样的金属态费米面上的 态密度为零,因此也被称为Weyl半金属。2011 年,万贤纲等人通过理论计算提出,烧绿石结构 的铱氧化物可能是磁性Weyl半金属<sup>[7]</sup>。同一年, 徐刚等人理论预言铁磁尖晶石HgCr<sub>2</sub>Se<sub>4</sub>也是Weyl 半金属<sup>[8]</sup>。它们都破缺时间反演,使得手性相反 的Weyl费米子不再重叠。但这两个提议都还需要 实验的证实。

突破来自狄拉克半金属的发现。2012年和 2013年,方忠、戴希研究组理论预言 Na<sub>3</sub>Bi<sup>19</sup>和 Cd<sub>3</sub>As<sub>2</sub><sup>10</sup>是狄拉克半金属,其费米面是由重叠的 Weyl 费米子对构成的,并受到晶格对称性的保 护。他们与实验研究组合作,在2014年证实了这 些理论预言,是世界上首次发现三维版本的石墨 烯<sup>111,12]</sup>。随后,众多的实验和理论工作迅速开展 起来,已经形成了当前凝聚态领域的一个研究 热点。

在如此密切的关注下,发现真实的Weyl半金 属材料显得非常重要和急迫。2014年底,翁红明 等人通过理论计算第一次发现TaAs,TaP,NbAs 和NbP等是Weyl半金属<sup>[13]</sup>。不同于以往的理论方 案,这一系列材料能自然合成,无需进行掺杂 等细致繁复的调控。更重要的是,这类材料没有 中心反演但保持时间反演对称,因此没有磁性 材料带来的磁畴等复杂性,也可以用角分辨光电 子能谱(ARPES)实验来直接观测。图2显示TaAs 家族呈体心四方结构,其晶格动量空间存在12对 手性相反的Weyl费米子。图3显示Weyl点附近的 贝里曲率呈刺猬状分布,与实空间中点电荷产生 的电场分布类似,表明它们是动量空间中的磁单 极子。在TaAs的(001)表面上,会出现连接不同 手性Weyl费米子投影的费米弧,能被ARPES实 验直接观测到。

该工作2014年底首先在arXiv网站公开后 (arXiv:1501.00060,已发表于*Phys. Rev. X*,2015, 5:011029),受到了热切关注。许多研究组开始 了竞赛般的实验验证工作。在近三个月内,就已 经有近8个实验工作证实了这个理论预言,例如 观测到了TaAs的表面费米弧<sup>[14]</sup>,由"手性异 常"导致的负磁阻现象<sup>[15]</sup>和Weyl点及其附近的 三维狄拉克锥<sup>[16]</sup>等。这是自1929年Weyl费米子 被提出以来,首次在真实材料中观测到Weyl费 米子及其物理特性,具有非常重要的物理意义。

## 参考文献

- [1] Weng H M, Dai X, Fang Z. MRS Bulletin, 2014, 39:849
- [2] Zhang H, Liu C X, Qi X L et al. Nature Physics, 2009, 5:438
- [3] Yu R, Zhang W, Zhang H J et al. Science, 2010, 329:61
- [4] Chang C Z, Zhang J, Feng X et al. Science, 2013, 340:167
- [5] Berry M V. Proc. R. Soc. Lond. A, 1984, 392:45
- [6] Fang Z, Nagaosa N, Takahashi K S et al. Science, 2003, 302:92
- [7] Wan X G, Turner A M, Vishwanath A et al. Phys. Rev. B, 2011, 83:205101
- [8] Xu G, Weng H M, Wang Z et al. Phys. Rev. Lett., 2011, 107: 186806
- [9] Wang Z, Sun Y, Chen X Q et al. Phys. Rev. B, 2012, 85: 195320

- [10] Wang Z, Weng H M, Wu Q et al. Phys. Rev. B, 2013, 88: 125427
- [11] Liu Z K, Zhou B, Zhang Y et al. Science, 2014, 343:864
- [12] Liu Z K, Jiang J, Zhou B et al. Nat. Mater., 2014, 13:677
- [13] Weng H M, Fang C, Fang Z et al. Phys. Rev. X ,2015,5:011029
- [14] Lv B Q, Weng H M, Fu B B et al. arXiv: 1502.04684; Xu S Y et al. arXiv: 1502.03807
- [15] Huang X C, Zhao L X, Long Y J et al. arXiv: 1503.01304; Zhang C L et al. arXiv: 1503.02630
- [16] Lv B Q, Xu N, Weng H M et al. arXiv: 1503.09188