内耗技术在软物质研究中的一些应用*

吴学邦[†] 刘长松 朱震刚 (中国科学院固体物理研究所 材料物理重点实验室 合肥 230031)

Applications of internal friction technology in the study of soft matter

WU Xue-Bang⁺ LIU Chang-Song ZHU Zhen-Gang (Laboratory of Internal Friction and Defects in Solids, Institute of Solid State Physics, Chinese Academy of Sciences, Hefei 230031, China)

摘 要 软物质物理已成为物理学发展迅速的重要前沿学科。描述软物质复杂非平衡 态动力学及其运动规律是理解其宏观性质的关键。内耗与力学谱作为材料缺陷与力学性质研 究的重要实验技术,它能够很灵敏地探测和研究材料中发生的复杂相变和弛豫动力学过程。 文章结合作者近年来的典型工作,介绍了内耗技术在软物质研究中的一些应用,阐述了内耗 手段发挥的独特作用。随着内耗测试新方法、新技术和内耗新理论的不断出现和完善,相信 未来内耗技术在材料科学和凝聚态物理研究领域将起到越来越重要的作用。

关键词 内耗,软物质,弛豫动力学,非晶聚合物,胶体,颗粒物质

Abstract Soft condensed matter physics has become a fast developing and important subject in physics. Understanding the complex non-equilibrium dynamics and pattern of movement is the key to many macroscopic properties of soft materials. Internal friction, as a powerful experimental technique for the study of defects and mechanical properties of materials, is sensitive to complex phase transformations and relaxation dynamics in condensed matter. In this work we demonstrate the applications of internal friction technology in the study of soft matter based on our recent work. With the emergence and development of new measurement methods and techniques and new internal friction theories, we believe that internal friction will play an increasingly important role in the investigation of condensed matter physics and materials science.

Keywords internal friction, soft matter, relaxation dynamics, amorphous polymers, colloids, granular matter

1 引言

自1991年法国物理学家德热纳(P.G. de Gennes) 提出软物质的概念以来,软物质物理已成为凝聚 态物理研究的重要前沿领域^[1, 2]。软物质一般由 固、液、气集团或大分子等基元组成,如液晶、 聚合物、胶体、膜、泡沫、颗粒物质、生命物质 等。软物质在日常生活和生产中广泛存在,如发 胶、油漆、洗涤液、牛奶、洗发水、化妆品等。 软物质的最基本特性是,它在外界小作用下会引 起大响应和自组织现象,其力学性质上常表现出 粘弹性行为。软物质的组成复杂,组成单元间相 互作用弱,涨落支配其运动,因此软物质常处于 热力学非平衡态,导致其结构与性质随时间演

2016-02-06收到

† email:xbwu@issp.ac.cn DOI:10.7693/wl20161105

^{*}国家自然科学基金(批准号: 11374298 和11174283)资助项目

化。因此,动力学研究是理解软物质宏观性质的 关键,探索其复杂动力学及其运动规律是软物质 物理面临的基本问题之一。由于软物质组成单元 的结构及其相互作用的复杂性,所涉及到的空间 尺度和时间尺度很宽(从微观、介观到宏观;从纳 秒、秒到年),实验上通常需要采用多种方法来 研究其结构演化和动力学行为,如量热法、显微 技术以及光谱技术(如光散射、核磁共振谱和中 子散射谱等)。同时,积极探索将传统的业已成 熟的结构敏感性实验方法用于软物质的动力学研 究,从中发现新现象、新规律并有所创新十分必 要,对于全面理解软物质的结构与性质具有重要 的意义。

作为谱学技术中的一员,内耗与力学谱研究 物体在外加场作用下的机械能损耗行为。外加 场可以是一个脉冲信号,也可以是准静态信号或 谐波的应力/应变(频率范围~10⁻⁶—10¹² Hz)信号。 由于内耗测量频率范围可高达18个数量级,因此 它可用来探测材料中发生在不同时间尺度下的弛 豫过程:从高分子协同的慢弛豫过程到原子或分 子扩散运动的快动力学过程。与其他谱学技术相 比,内耗测量采用的应力/应变振幅很小,对被测 物体没有任何破坏作用,所以它是一种无损力学 诊断方法。此外,内耗技术还具有一些优点,如 试样易于制备且可非破坏性地重复使用,对于微 区成分和结构状态敏感,可反映材料在各种复杂 外界环境(如温度、压力、电磁场、辐照等)下的 力学性能等。因此,内耗技术可以提供一些其他 实验手段无法得到的信息,在一些研究领域能发 挥其独特的作用,这促进了内耗与力学谱这一特 色学科的发展。然而,需要指出的是,内耗技术 是一种间接测量方法,所测得的模量和内耗值都 是宏观量(与介电谱测得的介电常数和介电损耗类 似),这些物理量的变化可以反映材料内部发生的 微观事件。但是,如何将宏观实验探测到的弛豫/ 相变过程与微观具体事件一一对应起来通常比较 困难,对内耗谱的解析和机理分析处理一般需要 一个由"假设"到"印证"的过程,需要结合其 他实验或计算模拟结果。

在固体物理领域,内耗与力学谱技术应用广 泛,可用于研究材料中点缺陷弛豫、电子和声子 弛豫、位错弛豫、晶界弛豫、磁畴和铁电畴的运 动、相变、界面效应以及判断材料的阻尼本领 等[4-7]。随着内耗测量技术的不断发展,近年来其 应用领域已拓展到液态物理和软凝聚态物理,如 研究液态金属的结构转变¹⁸,小分子的玻璃化转 变¹⁹, 固一液界面间相互作用¹¹⁰, 脂质膜的动力 学^[11],聚合物亚浓溶液的粘弹性^[12],聚合物链段 弛豫[13],颗粒物质的阻塞(Jamming)[14]等等。这些 工作表明,内耗技术能够有效地探测和研究软凝 聚态物质的结构转变与动力学弛豫行为。本文首 先介绍软物质内耗测试技术和基本原理,然后结 合近年来我们在软物质研究中的具体应用实例(包 括非晶聚合物的 sub-Rouse 模式的弛豫机制, 胶 体的复杂相行为以及颗粒物质的能量耗散规律) 来介绍内耗与力学谱技术在软物质研究中发挥的 重要作用。

软物质内耗测量与基本原理 2

基于低频"葛摆",我们设计搭建了软物质 内耗仪,用于测量液 态和软物质的内耗和 相对模量值[15]。图1 是软物质内耗仪的示 意图。与固体倒扭摆 不同的是,摆杆下部 连接了一个中心对称 的倒扣圆转筒,以及 一个固定于底座、具 有中心对称且开口向 上的夹层圆筒容器。 测量时,图1上摆杆7 中的永磁铁受到交变 外应力 $F(t) = F_0 \sin(\omega t)$ 作用,带动摆杆做强 迫振动,使转筒剪切 夹层圆筒中的样品。



图1 基于"葛摆"改进的软 物质内耗仪装置示意图(1-悬丝; 2一永磁铁; 3一驱动 线圈;4-反射镜;5-光 源; 6—信号接收装置; 7— 上摆杆; 8-倒扣圆转筒; (提供回复力和防止侧振))

此时摆杆中的反射镜发生转动,通过光电探测器可以获得摆杆的扭转应变 $A(t)=A_0\sin(\omega t - \delta)$ 。分析应力和应变曲线,即可得到样品的相对模量 值 $G(G=F_0/A_0)$ 和内耗值 $tan\delta$ 。

从宏观上看,应力与应变的相位差决定了样 品内耗值的大小。微观上内耗是由于材料内部发 生的物理过程而导致的。内耗机理研究就是根据 内耗和模量随外部参数(温度、电磁场、频率、压 强等)的变化规律来探知材料内部发生物理过程的 本质。常见的内耗峰有相变型内耗峰和弛豫型内 耗峰两种。对于相变型内耗峰,其峰温与测量频 率无关,它对应于相变温度,对于弛豫型内耗 峰,其峰温(峰频)随频率(温度)的升高向高温 (高频)处移动。如果弛豫峰由纯指数型关联函数 exp(-t/t)来描述,弛豫单元之间无相互作用,则 该内耗峰为德拜型,其内耗可表达为

$$\tan \delta = \varDelta \frac{\omega \tau}{1 + \omega^2 \tau^2} \quad , \tag{1}$$

其中 ω =2 π f为振动角频率, Δ 为弛豫强度, τ 为弛 豫时间。对于简单热激活弛豫过程, 其弛豫时间 一般遵从Arrhenius关系式: τ = τ_0 exp(H/k_BT), 其中 H是激活能, k_B 是玻尔兹曼常数, τ_0 是弛豫时间指 数前因子。根据峰温处 $\omega\tau$ =1,通过测量不同频率 下内耗峰的移动,即可获得弛豫过程的激活能。 对于复杂弛豫过程,其弛豫时间一般遵从Vogel— Fulcher—Tammann(VFT) 关系式: $\tau = \tau_0$ exp[B/k_B ($T - T_0$)],其中 T_0 是临界特征温度。

如果弛豫峰是非指数型,弛豫单元之间存在 多体相互作用,则该内耗峰为非德拜型,其弛豫 函数*φ*(*t*)一般遵从非指数衰减方程(称为KWW方 程),即

$$\phi(t) = \exp\left[-\left(t/\tau\right)^{\beta}\right] , \qquad (2)$$

其中β为非指数因子, 0<β≤1。此外, 非德拜弛豫 通常也可以用倪嘉陵提出的耦合模型(coupling model)来描述^[16]。当时间大于临界时间*t*₀时, 其弛 豫函数的表达式为

$$\phi(t) = \exp[-(t/\tau^*)^{1-n}]$$
, (3)

其中*n*是耦合参数(*n*=1- β , 0 < *n* < 1), 它随着耦 合强度的增强而增大; $\tau^* = [t_c^{-n} \tau]^{1/(1-n)}$ (其中 τ 是无耦 合作用的弛豫时间,满足Arrhenius关系式,而τ* 表示耦合的弛豫时间)。根据耦合模型,还可以获 得弛豫过程的本征激活能*H*=(1 – *n*)*H**,*H**是有 耦合作用时测量的激活能。耦合模型已被广泛应 用于研究高分子、离子导体、非晶材料等复杂体 系的多体协同弛豫过程。

3 非晶聚合物的 sub-Rouse 模式的弛豫 机制

聚合物材料在日常生活和生产中无处不在, 应用广泛。从基础研究角度来看,由于聚合物不 易晶化,它们可以用来研究玻璃体系的普适规 律,特别是用于研究玻璃态至橡胶态转变过程中 的链段弛豫动力学行为。一般而言,非晶聚合物 在由玻璃态至橡胶态转变过程中主要存在三种弛 豫机制:局部链段α弛豫(对应于玻璃化转变), sub-Rouse模式以及Rouse模式。在此转变过程中, 聚合物材料的柔量值一般由玻璃态的10⁻⁹ Pa⁻¹增 加到橡胶态的 10^{-5} Pa⁻¹。其中, α 弛豫过程中材料 的柔量值的变化范围约为(10°-4×10-9)Pa-1,而 Rouse模式所对应的柔量值变化范围约为(10⁻⁷— 10⁻⁵)Pa⁻¹。因此,在sub-Rouse模式弛豫过程中,材 料柔量值的变化区间约为 $(4 \times 10^{-9} - 10^{-7})$ Pa⁻¹。就 弛豫元长度而言, α弛豫的弛豫元约为3个单体单 元, sub-Rouse 模式的弛豫元约为几十个单体单 元,介于α弛豫和Rouse模式(高斯亚分子)之间。

Ngai等人利用光子关联谱技术最早在聚异丁 烯(PIB)中发现了 sub-Rouse 模式并研究其弛豫规 律^[17]。由此,引发了人们利用各种实验手段研究 不同聚合物材料的 sub-Rouse 模式的特征,如光 散射、蠕变以及介电弛豫谱测量技术,所涉及的 材料主要包括 PIB、聚异戊二烯(PIP)、hh聚丙烯 (head-to-head PP)、聚已酸内酯(PCL)以及含 PIB 链段的共聚物等少数聚合物。研究结果表明, sub-Rouse 模式的弛豫时间的温度依赖性要强于 Rouse 模式,但弱于α弛豫。然而,人们对于非晶 聚合物中 sub-Rouse 模式存在的普适性及其内在 本质却知之甚少。 利用软物质内耗仪,我们研究了一系列常见 的非晶聚合物材料如聚苯乙烯(PS)、聚醋酸乙烯 酯(PVAc)、聚甲基丙烯酸烷基酯(PnAMA)的链段 弛豫动力学^[18-23]。图2是聚甲基丙烯酸甲酯(PM-MA)的内耗随温度与频率的变化曲线。由图2可 见,内耗谱上呈现两个峰α和α'峰,对应于两种 弛豫模式。研究发现,由于聚合物链段弛豫之间 的耦合作用较强,各弛豫峰相互重叠,很难将其 一一解析。利用二维关联谱技术,可以有效地将 内耗曲线分解为3个峰^[22],分别对应于α模式、 sub-Rouse模式和Rouse模式,如图3所示。

图 4 是 PMMA 的 sub-Rouse 模式的弛豫时间 随温度的变化曲线。在玻璃化转变温度(T_s)附 近,聚合物的链段弛豫动力学通常由单一的VFT 拟合曲线来描述。然而,对 sub-Rouse 模式而 言,其弛豫动力学行为需要两条 VFT 拟合曲线来 描述,即在温度 $T_{\rm B}\sim 1.2$ T_s处,体系的动力学存在 一个转折性变化。进一步分析表明, 弛豫时间的 衍生量 $\phi = (-d \log \tau/dT)^{-1/2}$ 在温度 T_B处同样出现一 个转折性变化(见图4中左上角插图)。此外, 弛豫 强度、弛豫时间分布参数、构象熵变化量在T_B处 也出现一个转折性变化[20-23]。这些结果都显示, sub-Rouse模式的动力学在 T_B 处,发生了转折性变 化。利用耦合模型分析发现,在T_B处,其耦合参 数n随温度的变化发生了一个转变(见图4中右下 角插图),这表明 sub-Rouse 模式的弛豫动力学在 T_B处出现的不连续变化是由降温过程中分子间的 耦合作用显著增强引起的。此外,我们还研究了 分子量、侧链结构以及共混物组分对 sub-Rouse 模式动力学行为的影响,发现聚合物 sub-Rouse 模式在T_B处的弛豫时间几乎不变,约为0.1 s,与 分子量、侧链结构以及共混物的组分无关^[23]。

因此,非晶态聚合物中 sub-Rouse 模式是普 遍存在的,且它具有与α弛豫类似的本质,属于 链段间耦合或关联弛豫,但耦合程度要低于α弛 豫^[20, 23]。此外,与小分子的结构弛豫以及高分子 的α弛豫一样, sub-Rouse 模式的弛豫动力学在温 度*T*_B处存在一个转折性变化。由于 sub-Rouse 模 式仅存在于高分子材料中(简单小分子材料中没



图2 聚甲基丙烯酸甲酯(PMMA,分子量为12万)的内耗随 温度和频率的变化关系曲线



图3 PMMA(分子量为3.4万)内耗曲线的二维关联谱(频率 区间为10⁻²³至10² Hz,红色区域为正,蓝色区域为负;基 于二维关联谱结果,内耗曲线可划分成3个区域,从左到 右分别对应于Rouse 模式、sub-Rouse 模式和α弛豫)



图4 PMMA聚合物 sub-Rouse模式的弛豫时间对数(logr)随 温度的变化关系曲线(左上角插图为弛豫时间对数的导数 *ø* 随温度*T*的变化关系曲线;右下角插图为耦合参数*n*随温度 *T*的变化关系曲线)



36 PEO₁₃PPO₃₀PEO₁₃溶液在不同温度和浓度下的内耗谱 (图中 P₁峰与胶团粒子形成的逾渗网络结构有关)

有),因此它为研究高分子在*T*。附近的动力学以及 玻璃化转变的物理机制提供了新视角。

4 胶体的复杂相行为

高分子胶体的相行为非常丰富,在一定条件 下可呈现液态、凝胶态、玻璃态(吸引玻璃和排斥 玻璃)等。研究高分子胶体的聚集行为及其相转变 机制已成为软凝聚态物理的热点之一,迫切需要 更多的实验手段来探测和研究其丰富而复杂的相 转变行为,特别是高分子浓溶液和微凝胶体系。

聚氧乙烯一聚氧丙烯一聚氧乙烯(PEO— PPO—PEO)嵌段共聚物是用共价键将亲水的PEO 链段和疏水的PPO链段联结在一起的高分子,它 是一类非离子型的高分子表面活性剂。PEO— PPO—PEO因具有温度敏感胶团化及不同晶型凝 胶结构的特点而备受关注。图5是PEO37PPO56 PEO37水溶液的相图^[24]。图中的相界线是由小角中 子散射实验测得,数据点则是由内耗实验结果获 得。由图5可见,内耗结果与相图一致,这表明 内耗技术能灵敏探测胶体中复杂的相转变行为。

内耗技术不仅可以再现其他实验手段得到的 结果,而且还能揭示一些新现象与规律。PEO13 PPO₃₀PEO₁₃溶液在不同温度和浓度下的内耗谱如 图6所示。由图可见,在低浓度区域($\phi < 40$ wt%) 和高浓度区域(\$\phi > 59 wt%), 溶液的内耗谱上存在 一个峰,即Pi峰。当浓度位于"凝胶岛"的两侧 处(~39和60 wt%),体系的粘弹性行为相似,即 损耗模量(或内耗)与频率之间呈现标度关系,分 析结果表明, Pi峰与溶液中胶团粒子间形成的逾 渗网络结构相关^[25]。当浓度达到40 wt%或59 wt% 时,Pi峰的高度显著升高,体系形成纺锤形的 "凝胶岛",这表明凝胶的形成主要是由溶液中胶 团粒子的逾渗网络结构演变而来。因此,内耗技 术能够动态反映凝胶的形成过程,从而揭示其形 成机制^[25]。此外,凝胶化过程中内耗峰的位置与 测量频率无关,表明凝胶转变具有一阶相变的 特征。

聚 N-异丙基丙烯酰胺(PNIPAM)类响应性微 凝胶因在药物输送与释放,生物物质分离和催化 等领域有着广阔应用前景而备受人们关注。PNI-PAM 水溶液具有低临界溶解温度(LCST,约为 33℃),即当温度高于33℃时,高分子链的构象会 发生由无规线团到蜷缩球体(coil-to-globule)的转 变,因此PNIPAM微凝胶存在体积相转变。当温 度略低于33℃时,PNIPAM微凝胶处于溶胀状 态,当温度稍微高于33℃时,微凝胶体积急剧收 缩。温度改变时,不仅PNIPAM微凝胶的形态发 生变化,而且它们之间的相互作用也将发生改 变。此外,由于PNIPAM微凝胶是一种软球,当 浓度很高时,它们之间的相互挤压也会导致体系 的结构发生变化。因此,PNIPAM微凝胶体系呈 现出非常丰富的相行为。 利用内耗技术研究了不同 交联度的PNIPAM微凝胶体系 在较高浓度下的粘弹性行为^[26]。 研究发现,PNIPAM微凝胶水 溶液的内耗在33℃附近存在一 个极小值,其位置不随频率而 变化,它对应于PNIPAM微凝 胶的体积相转变。为了表征

PNIPAM 微凝胶体系的相行为,我们测量了体系 在不同浓度和温度下的内耗—频率谱。图7是交 联度为6%的PNIPAM 微凝胶水溶液在相同温度 (25℃)及不同浓度下的损耗模量G"和内耗tanδ随 频率的变化曲线。由图可见,体系的损耗模量和 内耗在3个浓度(7 wt%, 20 wt%和50 wt%)下表现 出不同的响应行为。当浓度为7 wt%时,损耗模 量与频率之间的关系满足 $G''\sim\omega^1$,这表明体系具 有粘弹性液态的特征,即在低浓度时呈现液态。 此时内耗与频率的关系也满足 $tan\delta \sim \omega^1$ 。当浓度上 升到20 wt%时,损耗模量和内耗谱上都出现一个 明显的极小值,这表明体系已具有玻璃态材料的 显著特征,处于玻璃态。这是因为微凝胶粒子逃 离由周围粒子组成的"笼子"时需要消耗更多的 能量,导致低频端内耗值的增大。当浓度上升 到 50 wt%时,损耗模量和内耗与频率之间满足幂 指数关系 $G'' \sim \omega''(n < 0.5)$ 。这种幂指数的频率响应 行为表明体系处于凝胶态,这种结构源于逾渗转 变。因此,随着微凝胶浓度的增加,体系发生了 由玻璃态到凝胶态的转变。这与其他实验以及数 值模拟结果一致[26]。

由此,我们构建了PNIPAM微凝胶水溶液随 温度和浓度变化的相图,如图8所示。当温度低 于LCST时,体系呈现粘弹性液体的性质。随着 浓度的增加,微凝胶粒子逐渐失去"自由"。当 浓度上升到一定程度时,微凝胶粒子会被其近邻 粒子组成的"笼子"束缚住,其运动仅局限在 "笼子"的内部。此时体系处于玻璃态,微凝胶 之间由于空间位阻而呈现出排斥相互作用。随着 浓度的进一步升高,粒子间的挤压变形使得PNI-PAM微凝胶外层伸展的链以及交联程度不高的区



图7 温度为25℃时,不同浓度的PNIPAM微凝胶水溶液的损耗模量*G*"和内耗tanδ随频 率的变化关系曲线。随着微凝胶浓度的增加,体系历经液态一玻璃态一凝胶态的转变



图8 PNIPAM微凝胶水溶液随温度和浓度变化的相图

域发生互相交叠和贯穿,导致粒子的形状偏离球 状结构,粒子间的相互作用不再各向同性而变得 有取向性。最终"笼子"结构瓦解,体系出现逾 渗行为,形成凝胶态结构。值得一提的是,随着 交联度的增加,微凝胶体系发生相转变的浓度有 所升高,可能的原因在于微凝胶的体积随交联度 的增加而减小。该结果丰富和加深了人们对PNI-PAM微凝胶体系相转变行为的认识与理解。

此外,将NIPAM与憎水或亲水单体共聚后, 会使得共聚物水溶液的LCST下降或者上升。对 于无规共聚物而言,少量的共聚单体可以使得 LCST发生显著变化甚至消失。我们合成了丙烯 酸(AA)含量不同的NIPAM-AA嵌段共聚物(AA含 量为25,50和75 mol%),并利用内耗技术研究了 共聚物水溶液的相行为^[27]。研究发现,对于AA 含量较少的两种共聚物水溶液(含量分别为25 和 75 mol%),其相行为主要由NIPAM链段支配。随 温度的升高,体系的内耗在30℃附近显著下降至 极小值,这是由于随温度升高NIPAM链段发生卷 曲收缩导致的,它对应于体系的体积相转变。在 温度高于LCST时,体系的内耗—频率谱上出现 一个极小值,这表明体系具有玻璃态行为,它是 由于高温下NIPAM链段收缩,形成以其为核,以 AA链段为壳的胶束球聚集而产生的。然而,对 于AA含量为75 mol%的共聚物水溶液,随着温 度的升高,其内耗值缓慢地下降,没有出现明显 的体积相转变,这说明体系的相行为主要由AA 链段支配。此时体系的内耗—频率谱上出现一个 内耗峰,研究发现它对应于体系的α弛豫行为, 且其弛豫时间满足 Arrhenius 关系,激活能约为 53 kJ/mol。如此大的激活能可能是由于体系中存 在大量的氢键而导致的^[27]。由此可见,通过改变 共聚物中各组分的含量,可以调节体系的动力学 和相行为。

5 颗粒物质的能量耗散规律

颗粒物质在自然界及日常生活中普遍存在, 例如自然界中的砂石、土壤、建材、浮冰、积雪 及日常生活中的粮食、糖、盐等。有时,很多其 他离散态物质体系,例如地球板块运动以及公路 上车辆的流动,也常作为颗粒体系来处理。颗粒 物质中力的分布是不均匀的,并且通过不均匀力 链形成力的网络,力链上颗粒承受的力很强,而 其他位置上颗粒受的力则很弱,所以力链上颗粒 的任何微小的位置变动都会引起整个体系中力分 布的很大变化。给我国国民经济带来重大经济损



图9 不同压强下砂粒体系的内耗随频率和外压力的变化关 系曲线

失的自然灾害山体滑坡,就是由于颗粒体系中某处剪切应力超过力链的屈服值,造成力链网络断开,发生颗粒流动的结果。提高对山体滑坡运动规律的认知,并指导山体滑坡灾害的防治,需要我们深入研究弹性能量在颗粒物质中的传播和耗散规律,特别是颗粒体系中力链结构及其在外加应力作用下的变化规律^[28]。

利用内耗技术,我们研究了几种常见颗粒体 系如砂粒、铁粉和铝粉(颗粒粒径d≈0.11 mm)的相 对能量耗散性质。测量的变量主要有3个,剪切 振幅 A₀,探针插入颗粒体系的相对深度 L/d(L 是 绝对深度)以及测量频率f。研究砂粒体系的内耗 随4。的变化发现以下特征:(1)当L/d较小时,内 耗随 A。增大单调减小:(2) 随着 L/d 增加,当其达 到某一临界深度后,内耗随4。增大先升高后降 低,出现一个能量耗散峰;(3)内耗峰的位置随L/d 的增加向高振幅端移动^[28, 29]。针对这些特征,初 步提出了一个流变耗散模型来解释,模型假定颗 粒体系由一系列的非线性水平层组成。在剪切作 用下,可以将非线性水平层分为两部分:上部分 支和下部分支。上部分支由一个滑块和弹簧来表 示,二者的特征量分别为临界摩擦力Ta和剪切模 个剪切模量为G_b的弹簧来表示,它为体系提供弹 性回复力,基本不参与能量耗散。研究发现该理 论模型基本可以描述内耗实验结果[28]。

此外,内耗技术还可用来探知颗粒体系的骨架结构——力链随外场(压强)变化的动力学规 律,揭示聚集态颗粒物质的能量输运和耗散性质^[30]。 对于不同颗粒体系(如砂粒、铁粉和铝粉等),其 内耗—频率谱中均分别出现3个明显的能量耗散 峰。随着外加压强(0—400 Pa)的增加,各体系3 个耗散峰均向高频端移动,如图9所示。研究发 现,这些耗散峰与颗粒的种类、粒径大小、表面 粗糙度以及系统的共振频率均无关。初步认为, 该耗散峰来源于颗粒体系中不同长度颗粒链的共 振耗散。随着频率的降低,内耗峰依次对应于双 颗粒链、三颗粒链和四颗粒链的共振耗散,如图 10所示。 一般而言,颗粒间的相互作用力F与形变量 h之间的关系满足非线性赫兹(Hertz)定律,

$$F = \frac{4}{3} R^{1/2} \frac{E}{1 - \nu} h^{3/2} \quad , \tag{4}$$

式中R为颗粒球体的半径,E是颗粒材料的杨氏 模量, ρ 是密度、 ν 是泊松比。由此得到颗粒链间 的法向劲度系数k为

$$k = \frac{\mathrm{d}F}{\mathrm{d}h} = 2R^{1/2} \frac{E}{1-\nu} h^{1/2} \,. \tag{5}$$

类似于简谐振动,由*i*个颗粒组成的颗粒链的共 振频率为

$$f_i = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k_i}{im}} \quad , \tag{6}$$

其中*m*为单个颗粒的质量,*k*是含有*i*个颗粒的颗 粒链的劲度系数。假定颗粒链是由2个颗粒组成 的弹簧(基元)串联起来的,则*k*=*k*/(*i*-1),其中 k_2 为含有2个颗粒的力链劲度系数。由(6)式可以推 导出不同长度颗粒链共振频率之间的比值。例 如,两颗粒链与三颗粒链的共振频率之比*f*/*f*= $\sqrt{3}$,两颗粒链与四颗粒链的共振频率之比*f*/*f*= $\sqrt{6}$ 。通过与实验值相比较,发现它们之间几乎一 致,这进一步证实耗散峰来源于不同长度颗粒链 的共振耗散。

结合(5)式和(6)式,两颗粒力链的共振频率f² 可表达为

$$f_2^2 = \frac{R^{1/2}}{4\pi^2 \rho V} \frac{E}{1-\nu} h^{1/2} \quad . \tag{7}$$

图 11 为不同压强下 3 种颗粒体系中力链的共 振频率 f_2^2 与形变量 h 等因素之间的关系曲线。由 图可见,当压强逐渐增加时, f_2^2 随 $h^{1/2}E/\rho(1-v)$ 的 增加而线性增加,实验数据的斜率与 Hertz 定律 理论预测值($R^{1/2}/(4\pi^2 V) = 6.35$)一致,这表明颗粒 链的共振频率与形变量等因素之间存在一个普适 的标度关系,它不依赖于颗粒种类及外加压强等 因素。此外,研究发现,Hertz定律可以很好地描 述低频微剪切振动下颗粒之间的相互作用^[30]。

6 结束语和展望

内耗与力学谱是20世纪50年代创立的凝聚



图10 不同长度颗粒链及相应共振内耗峰的示意图



图11 不同颗粒体系中刀链的共振频率方随 h^{**} E/p(1-v)的 变化关系图,实验斜率值与理论值(6.35)一致

态物理和材料科学的交叉学科,同时也是研究材 料缺陷与力学性质的一门重要的实验技术。我国 著名金属物理学家葛庭燧先生发明的"葛氏扭 摆",并由此发现的"晶界弛豫内耗峰"(又称为 "葛氏峰"),奠定了内耗学科的测试方法和实验 基础。经过60多年的发展,内耗学科的基础理论 已经形成并逐步完善,其在各个方面的应用也在 不断拓展,特别是在20世纪80年代,内耗研究 达到高峰。通过改变测试条件(如频率、振幅、升 降温速率等)和试样的处理过程(如冷热轧、退 火、淬火等),内耗技术可定量或定性表征材料中 缺陷行为和相变过程。此外,内耗技术可以直接 判定材料的阻尼性能。然而,内耗技术自身也存 在一些缺点,如有时它对材料微结构变化过于敏 感而导致内耗谱的解析与机理分析工作较为困 难,试样尺寸与夹持比较严格,以及内耗测试标 准缺乏等。另外,其他现代化仪器如热分析、光 谱和电镜技术近些年来发展迅速。上述两方面的 原因, 使得内耗仪变得不再是一般实验室的常规

或必备设备了,从事内耗研究的科研人员也逐渐 减少。

近年来,随着我国社会和经济的高速发展, 各种新材料和新物理现象与机制不断涌现,迫切 需要一些特色实验手段来对其进行研究,以弥补 常规实验技术的不足。内耗与力学谱技术正是由 于其对材料微观缺陷和结构的高度敏感性以及可 捕捉其他实验手段不易得到的缺陷动力学性质而 越来越受到了人们的重视。例如,近年来内耗技 术在聚变反应堆中关键材料(结构材料和面向等离 子体材料)的辐照损伤机理研究上可发挥独特作 用。它可以用于研究辐照下材料中晶界、位错、 氢/氦等缺陷的扩散动力学行为及其机制。本文着

参考文献

- [1] de Gennes P.G. Rev. Mod. Phys., 1992, 64:645
- [2] 陆坤权,刘寄星. 软物质物理学导论. 北京:北京大学出版社, 2006
- [3] Magalas L B. Solid State Phenomena, 2003, 89:1
- [4] Nowick A S, Berry B S. Anelastic Relaxation in Crystalline Solids.New York: Academic Press, 1972
- [5] 葛庭燧著,固体内耗理论基础一晶界弛豫与晶界结构.北京:科 学出版社,2000
- [6] 方前锋,金学军著.内耗与力学谱基本原理及其应用.上海:上 海交通大学出版社,2014
- [7] 方前锋, 王先平, 吴学邦等. 物理, 2011, 40: 786
- [8] Zu F Q, Zhu Z G, Guo L J et al. Phys. Rev. Lett., 2002, 89: 125505
- [9] Ying X N. Phys. Scripta, 2013, 88:025603
- [10] Yagodzinskyy Y, Straka L, Hanninen H. Mat. Sci. Eng. A, 2006, 442:538
- [11] Castellano C, Generosi J, Congiu A et al. Appl. Phys. Lett., 2006,89:233905
- [12] Wang Y Z, Li B H, Xiong X M et al. Soft Matter, 2010, 6:3318
- [13] Wu J R, Huang G S, Wang X A et al. Macromolecules, 2012, 45: 8051
- [14] Sellerio A L, Mari D, Gremaud G et al. Phys. Rev. E, 2011, 83: 021301
- [15] Wu X B, Xu Q L, Shui J P et al. Rev. Sci. Instrum., 2008, 79:

重介绍了内耗技术在软物质研究中的应用,先后 阐述了其在非晶聚合物的链段弛豫机制,胶体的 复杂相行为,以及颗粒物质的能量耗散规律等研 究方面发挥的独特作用。随着现有内耗仪的精度 和功能的不断拓展以及一些新的内耗测量技术, 包括纳微尺度与薄膜材料的内耗测量技术(从宏观 到微观)以及液态与软物质的内耗测量技术(从固 体到液体和软物质)的不断完善和创新,内耗技术 在材料科学和凝聚态物理领域的应用前景将更加 广阔。

致 谢 作者向其他合作者,以及推荐本文 的方前锋研究员一并表示衷心感谢。

126105

- [16] Ngai K L. Relaxation and Diffusion in Complex Systems. New York: Springer Press, 2011
- [17] Ngai K L, Plazek D J, Rizos A K. J. Polym. Sci., Part B: Polym. Phys. 1997, 35:599
- [18] Wu X B, Zhu Z G. J. Phys. Chem. B, 2009, 113: 11147
- [19] Wu X B, Zhou X M, Liu C S et al. J. Appl. Phys., 2009, 106: 013527
- [20] Wu X B, Liu C S, Zhu Z G et al. Macromolecules, 2011, 44: 3605
- [21] Wu X B, Wang H G, Liu C S et al. Soft Matter, 2011, 7:579
- [22] Wu X B, Wang H G, Zhu Z G et al. J. Phys. Chem. B, 2013, 117:467
- [23] Wu X B, Liu C S, Ngai K L. Soft Matter, 2014, 10:9324
- [24] Wu X B, Zhu Z G, Xu Q L *et al*. Physica B, 2008, 403:2500
- [25] Zhou X M, Wu X B, Wang H G et al. Phys. Rev. E, 2011, 83: 041801
- [26] Wang H G, Wu X B, Zhu Z G et al. J. Chem. Phys. 2014, 140: 024908
- [27] Wang H G, Wu X B, Liu C S et al. J. Phys. Chem. B, 2012, 116: 13411
- [28] Wang W J, Kong X Z, Zhu Z G. Phys. Rev. E, 2007, 75:041302
- [29] 汪盼盼, 王万景, 刘长松等. 岩土力学, 2009, 30:129
- [30] Chai L C, Wu X B, Liu C S. Soft Matter, 2014, 10:6614