# 宇称时间对称性声学\*

祝雪丰<sup>†</sup> 彭玉桂 沈亚西 (华中科技大学物理学院 创新研究院 武汉 430074)

## **Parity-time symmetric acoustics**

ZHU Xue-Feng<sup>†</sup> PENG Yu-Gui SHEN Ya-Xi

(Huazhong University of Science and Technology, School of Physics, Innovation Institute, Wuhan 430074, China)

2017-07-03 收到

† email: xfzhu@hust.edu.cn DOI: 10.7693/wl20171104

**摘 要** 对称性是自然界中最基本的物理属性之一。很多物理现象都与对称性相关 联。例如,量子力学中描述具备一定对称性微观物理过程采用厄米一哈密顿算符,其中厄米 性不仅确保算符本征值为实数,而且使微观过程满足几率守恒。1998年,Bender和Boettcher 发现存在一类非厄米一哈密顿算符,它们的本征值也为实数并满足几率守恒。这类非厄米哈 密顿算符最为典型的特征是满足宇称时间对称性。由于时变薛定谔方程和近轴波动方程形式 具有相似性,故可进一步将宇称时间对称性引入经典波开放体系。文章回顾了量子体系中宇 称时间对称破缺的发现过程,介绍了宇称时间对称性声学的理论模型,以及近期发现的一些 奇异效应,并展望了宇称时间对称性声学的研究前景。

关键词 宇称时间对称,声学,开放体系,量子力学

**Abstract** Symmetries are one of the most fundamental properties of nature, and are the basis of many physical phenomena. For example, in quantum mechanics the Hermitian Hamiltonian is employed to describe the microscopic processes that obey certain symmetries, where the Hermitian ensures not only purely real spectra of operators but also conservation of probability. In 1998, Bender and Boettcher found that the non-Hermitian Hamiltonians that respect parity (P) and time (T) symmetry might have the same properties. Since the time-dependent Schrödinger equation and paraxial wave equation are similar in form, it is possible to extend the PT symmetry into classical wave open systems. In this article, we first review the discovery of PT symmetry breaking in quantum systems. Then we introduce the theory of PT-symmetric acoustics, describe certain recent experimental observations that include some very intriguing effects, and discuss the future prospects of this rising field.

Keywords parity-time symmetry, acoustics, open systems, quantum mechanics

## 1 宇称时间对称性破缺

自然界中各种各样的物理现象都存在一些内在 的不变性或对称性。例如,物理过程在空间反演和 时间反演下能够回到初始状态,对应于物理学中两 个基本对称性: 宇称和时间对称。对于人眼看不见的微观过程, 宇称和时间对称依然扮演着十分 重要的角色, 确保了物理可观测量为实数和几率守 恒。具体而言, 微观过程中波函数分布为 $\psi(\mathbf{r}, t)$ 的粒子时空演化规律可由薛定谔方程来描述:

$$i\frac{\partial\psi}{\partial t} = H\psi(\mathbf{r}, t), \qquad (1)$$

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金(批准号: 11674119, 11690030, 11690032, 11404125)资助项目

其中 $\psi$ 为粒子波函数时空分布,H为 哈密顿算符,r为粒子空间位置坐标矢 量,t为时间,i为虚数单位。宇称作用 算符P和时间作用算符T分别定义为  $P\psi(r, t)=\psi(-r, t)$ 和  $T\psi(r, t)=$  $\psi^*(r, -t)$ 。若H=PTHPT,我们称该 哈密顿算符为宇称时间对称算符。经 典量子力学中,哈密顿算符一般要求 为厄米算符,其满足宇称时间对称性 且本征值为实数(可观测量)。1998 年,Bender和Boettcher研究了非厄

米哈密顿算符宇称时间对称性和本征谱之间的关 系,指出非厄米--算符本征值在字称时间对称性 下亦可为实数,并进一步发现非厄米—哈密顿算 符宇称时间对称性破缺会导致本征值由实数变为 复数<sup>11</sup>。而后, 宇称时间对称量子体系相关研究 如火如荼地开展。然而由于满足宇称时间对称性 的势场在现实中难以构建,相关实验证实仍然缺 乏,因此关于宇称时间对称在量子体系中的重要 性仍在争论之中<sup>[2]</sup>。近些年来,研究人员发现通 过时变薛定谔方程和近轴衍射方程形式相似性可 在经典波体系中构建满足宇称时间对称性的系 统,如图1所示<sup>[3, 4]</sup>。对于宇称时间对称经典波系 统,其材料折射率满足实部对称分布  $n_{\rm R}(x) = n_{\rm R}(-x)$ 和虚部反对称分布  $n_{\rm I}(x) = -n_{\rm I}(-x)$ , 例如,  $n = \exp(ikx)$ , i为虚数单位。那为什么研 究人员对经典波体系中宇称时间对称性很感兴趣 呢? 主要原因有三: 第一, 由于经典波体系实验 技术较为成熟,我们可以在经典波体系中构建宇 称时间对称系统,从而具体研究其相关性质[4]; 第二, 宇称时间对称系统是开放系统, 其散射矩 阵本征值一般为复数且存在多重简并点。简并点 在物理上对应于奇点。在简并点附近,系统会呈 现出一些有趣的特性,例如,非零几何相位<sup>15</sup>、 单向衍射<sup>[6-8]</sup>、激射和完美吸收共存体<sup>[9,10]</sup>等。另 外,满足宇称时间对称性的开放系统会展现出封 闭系统的一些性质; 第三, 在很多物理过程中, 损耗一般被视为是一种有害因素,应当尽量抑 制,而宇称时间对称系统却将损耗利用起来实现



图1 时变薛定谔方程和近轴衍射方程

一些有用的功能,这在物理和应用上非常具有启 发性。

#### 2 宇称时间对称性声学

鉴于时变薛定谔方程和近轴衍射方程形式相 似性,我们很自然地会考虑在声学领域构建宇称 时间对称系统。我们发现当材料弹性模量满足  $\kappa(\mathbf{r}) = \kappa^*(-\mathbf{r})$ 和密度满足  $\rho(\mathbf{r}) = \rho(-\mathbf{r})$ 时,整个系 统满足宇称时间对称性<sup>[11]</sup>。为了更为直观地阐述 声学宇称时间对称系统的相关性质,我们设计了 一个简单的一维声学宇称时间对称系统,如图2 所示。然而,我们发现材料弹性模量须为一个复 数,且虚部空间分布有正有负。一般而言,自然 界中声学材料弹性模量虚部为正,表明材料存在 由弹性粘滞导致的声损耗。若弹性模量虚部为 负,则意味着该材料是一种声学增益媒质,目前 人们还未发现天然的声学增益媒质。对于简单的 一维双端口系统,我们可通过设计精巧的电路反 馈系统,结合麦克风和扬声器等辅助设备,构建 出一种等效的声学增益系统(其散射矩阵与特定长 度声学增益媒质完全相同)<sup>[12, 13]</sup>。图2中,一维声 学宇称时间对称系统由3个损耗(增益)区域和5个 无损区域构成。其中,损耗(增益)媒质的材料参 数为:  $\kappa_{l(g)} = 1.75 \times 10^5 \pm 1.72 \times 10^4$ i Pa (i 为虚数单 位)和 $\rho_{I(g)}$ =1.49 kg/m<sup>3</sup>,无损媒质的材料参数为:  $\kappa_{p} = 1.42 \times 10^{5} \text{ Pa} \notin \rho_{p} = 1.2 \text{ kg/m}^{3}$  .

对于满足宇称时间对称性的一维双端口系统



**图2** 一维声学宇称时间对称系统示意图。该系统在散射矩阵本征谱简并点处呈现单向透明。L区域填充损耗媒质,其长度为0.148 m。G区域填充增益媒质,其长度为0.148 m。其余区域填充无损媒质,其长度为0.015 m



图3 (a)一维宇称时间对称系统中左右反射和透射分量的相位;(b)一维宇称时间对称系统中左 右反射和透射分量的幅度;(c)一维宇称时间对称系统散射矩阵本征值的绝对值谱图;(d)一维 宇称时间对称系统散射矩阵本征向量第二个分量的实部和虚部频谱图(第一个分量归一化)

(图2), 其左右反射系数 *r*<sub>L(R)</sub> 和透射系数 *t* 满足下 式<sup>[14]</sup>:

$$r_{\rm L}r_{\rm R}^* = 1 - |t|^2$$
. (2)

进一步我们可以推导出左右反射率  $R_{L(R)} \equiv |r_{L(R)}|^2$ 和透射率  $T \equiv |t|^2$ 满足下式:

$$\sqrt{R_{\rm L}R_{\rm R}} = |T-1|. \tag{3}$$

公式(3)是无损封闭系统中能量守恒公式的一种推 广。当 T<1 且 R<sub>L</sub>=R<sub>R</sub>=R 时,我们可以得到更为熟 悉的能量守恒关系式 T+R=1。在一维宇称时间对 称系统中,由于材料参数虚 部的不对称性, 左反射率R<sub>L</sub> 与右反射率R<sub>R</sub>一般不相同。 一个很有趣的效应会发生 在完全透射情况。根据公 式(3), 当T=1, 我们可以得 到左右反射率乘积为0,即 *R*<sub>L</sub>*R*<sub>R</sub>=0。这时, 宇称时间对 称系统可能处于三种状态。 状态一,系统的左右反射率 一个为零,一个为非零有限 值, 例如  $R_{L}=0$  和  $R_{R}\neq 0$ ; 状 态二,系统的左右反射率一 个为零,一个为无限大,例 如  $R_{L}=0$  和  $R_{R}=\infty$ ; 状态三, 系统的左右反射率均为零, 即 $R_{\rm L}=R_{\rm R}=0$ 。

基于声学传递矩阵法, 我们可以计算出图(2)所示一 维宇称时间对称系统的声散 射矩阵  $S=\{t, r_R; r_L, t\}$ , 从而得到系统的散射特性 (图3)。根据图3(a)和(b)的结 果,我们得到当透射率小于 1时(频率大于6000 Hz),左 右反射系数位相相等;当透 射率大于1时(频率小于 6000 Hz),左右反射系数位 相相差 $\pi$ 。另外,系统透射

系数位相与左右反射系数位相相差±π/2。当透射 率等于1时(频率等于6000 Hz),我们发现左反射 系数位相发生π跃变,此时左反射率严格为0(*R*<sub>L</sub>= 0),右反射系数位相连续变化,此时右反射率不 为零(*R*<sub>R</sub>≈0.39)。这里需要说明的是,系统全透射 情况下,单向反射效应并不对应于系统单向隐 形,这是因为声波经过宇称时间对称系统和相同 长度均匀背景媒质所产生的相位延迟并不相同。 因此,对于左入射情况,即使透射率为1,反射 率为0,我们依然可以通过测量相位信息来判断 该宇称时间对称系统是否在声传播路径上。

一维宇称时间对称声学系统中,透射率从小 干1变为大干1可与宇称时间对称性破缺相关 联。对于双端口声学系统, 散射矩阵的本征值可 表示为 $\lambda_1$ ,= $t \pm \sqrt{r_1 r_8}$ ,本征向量转置可表示为  $(1 \pm \sqrt{(r_{\rm L}/r_{\rm R})})$ 。利用公式(2),散射矩阵的本征值 可进一步写成 $\lambda_{1,2} = t \left[ 1 \pm i \sqrt{(1-T)/T} \right]$ , i为虚数单 位。本征值绝对值谱图如图 3(c)所示。当透射率 小于1时(频率大于6000 Hz),两个本征值共轭且绝 对值为1( $|\lambda|=|\lambda|=1$ ),这时系统处于宇称时间 对称状态;当透射率大于1时(频率小于6000 Hz), 两个本征值绝对值一个大于1,一个小于1  $(|\lambda_1| \neq |\lambda_2|)$ ,这时系统处于宇称时间对称破缺状 态。我们可以进一步考察本征向量第二个分量  $\pm \sqrt{(r_{\rm L}/r_{\rm R})}$ 的谱图,如图3(d)所示。蓝色曲线对应 于宇称时间对称状态,此时本征向量分量均为实 数; 红色曲线对应于宇称时间对称破缺状态, 此 时本征向量分量均为虚数。值得一提的是,这些 宇称时间对称系统的相关性质在光学和电子学等 领域被理论和实验所证实[3-10, 15]。

## 3 非盲声学隐身衣

鉴于声波方程在坐标变换下形式保持不变, 我们可以将宇称时间对称声学和变换声学结合起来,从而设计各种单向响应声学器件。这一节中,我们介绍一种单向隐形声学斗篷。我们首先 在虚空间  $(r, \theta)$  构建一种特殊的宇称时间对称声 学媒质,其材料参数复调制满足  $\delta e^{i\theta \cdot r}$ ,如图 4(a) 和(b)所示。其中, $\delta 和 2\pi/|\beta|$ 分别为复调制的强 度和周期。图 4(a)和(b)中,宇称时间对称声学媒 质材料 密度 和模量 为: $\rho_0 = 1.2 \text{ kg/m}^3 和 \kappa_0 =$  $1.42 \times 10^5 \{1+0.1 \exp[i 219.7r \cos(\theta)]\}$  Pa(r < 0.1 m), i 为虚数单位。空气的密度和模量分别为:  $\rho_0 = 1.2 \text{ kg/m}^3 \pi \kappa_0 = 1.42 \times 10^5 \text{ Pa}$ 。然后,我们建 立一个虚空间  $(r, \theta)$  和实空间  $(r', \theta')$ 的映射 关系式:r = f(r')和  $\theta = \theta'$ ,其中 f(r') = 0.1(r'-0.05)/(0.1-0.05) (0.05 < r' < 0.1 m) 。 根 据 变换声学理论,我们可以得到在实空间中宇称时 间对称声学隐身衣的材料参数分布<sup>[16]</sup>:

$$\rho_{r}' = \rho_{0} \frac{r'}{r' - 0.05} ,$$

$$\rho_{\theta}' = \rho_{0} \frac{r' - 0.05}{r'} ,$$

$$\kappa' = \frac{0.25r'}{r' - 0.05} \kappa_{0} f(r') .$$
(4)

事实上,材料参数复调制 $\delta e^{i\theta \cdot r}$ 可以等效为一个复 声栅,其可提供一个单向波矢 $\beta$ 。波矢为 $k_1$ 的入 射平面波与复声栅相互作用,可产生一个波矢为  $k_1 + \beta$ 的衍射模式。入射平面波与衍射模式之间 的模式跃迁只有当位相匹配大致满足时才会发 生,即 $\delta = k_1 + \beta - k_2 \approx 0$ ,其中 $k_2$ 是衍射模式的波 矢且 $|k_1| = |k_2|$ 。如果入射平面波与衍射模式之间 位相失配 $\delta \neq 0$ ,模式跃迁则被有效抑制。宇称时 间对称声学隐身衣的工作原理如图4所示。当平 面波从左侧入射时,由于位相匹配大致满足  $k_2 \approx k_1 + \beta$ (如图4(a)中波矢关系所示),我们可以 观察到明显的布拉格反射分量,从而能够感知被 隐身物体的存在。当平面波从右侧入射时,由于 位相失配, $k_2 \ll k_1 + \beta$ (如图4(b)中波矢关系所



**图4** (a)和(b)分别为虚空间中声波左右入射单向隐形声学 斗篷对应的声压场图;(c)和(d)分别为实空间中声波左右入 射单向隐形声学斗篷对应的声压场图。当平面波从左侧入 射时,由于波矢 k 匹配,我们可观测到一个强反射分量,从 而能够感知隐形斗篷的存在。当平面波从右侧入射时,由 于波矢 k 失配,系统无反射分量从而完美隐形。入射声波波 长为0.0572 m,坐标单位为m



图5 (a)宇称时间对称隐形斗篷散射截面与频率关系图(蓝色和红色曲线分别代 表左入射和右入射声波的散射截面随频率变化图);(b)宇称时间对称隐形斗篷散 射截面与入射角关系图(入射声波频率为6kHz且0°入射角对应于左侧入射)



图6 (a)和(b)分别为虚空间中声波左右入射单向隐形地毯斗篷对应的声压场 图;(c)和(d)分别为实空间中声波左右入射单向隐形地毯斗篷对应的声压场图(入 射声波波长为0.8 m,坐标单位为m,水平方向为z方向)

示),散射分量为倏失波,物体被完美隐身。图 4(c)和(d)展示了实空间宇称时间对称声学隐身衣 的单向隐身效果。这里需要说明的是,在图4(c) 中,位于宇称时间对称声学隐身衣右侧的观测者 依然看不见被隐形的物体,这是因为满足位相匹 配的衍射分量为反向传输,无法传至右侧的观测 者。事实上,我们可以通过设计让满足位相匹配 的衍射分量前向传输。然而,由于Lorenz(洛伦 兹)互易的约束,满足位相匹配衍射分量的传输方 向不能为正前方,即不能和入射波传播方向一致。

宇称时间对称声学斗篷单向隐身并非一个窄 带效应。图 5(a)表明在入射声波频率为 5 kHz 到 8 kHz 范围内都能观测到单向隐身效应。然而需 要说明的是,宇称时间对称声学斗篷的单向隐身 频段也极大地受限于超常材料自身的强色散性 质<sup>[17]</sup>。图 5(b)表明在入射角偏离水平线正负 30 度 范围内都能观测到单向隐身效应。我们也可以 基于相同的原理设计一个单向隐形地毯斗篷。 虚空间中,如图 6(a)和(b)所示,媒质材料密度 和模量分别为: $\rho_0 = 1.2 \text{ kg/m}^3$ 和  $\kappa_0 = 1.42 \times 10^5 \times$   $\left\{1 + 0.03 \exp\left[i2\pi z/(0.4\sqrt{2})\right]\right\}$ Pa(z<10 m), i 为虚数单位。实空间单向隐形地毯 斗篷的材料参数可由变换声学理论得 到。模拟结果表明:当平面波从左侧 入射时,由于波矢 k 匹配,我们除了 镜面反射以外,还可观测到两个强反 射分量,从而能够感知地毯斗篷的存 在。当平面波从右侧入射时,由于波 矢 k 失配,系统除了镜面反射以外无 其他散射分量从而完美隐身。

## 4 谐振腔场单向局域

这一节中,我们考虑另外一种折 射率调制方式的宇称时间对称晶体。 该晶体的折射率分布如图7所示。对 于损耗区域,折射率分布为 $n_1(z) =$  $n_0 + \Delta n + i\Delta n$ ,  $mL \leq z \leq (m + 1/4)L$ 和

 $n_2(z) = n_0 - \Delta n + i\Delta n$ ,  $(m+1/4)L \le z \le (m+1/2)L$ 。 对于增益区域, 折射率分布为 $n_3(z) = n_0 - \Delta n - i\Delta n$ ,  $(m+1/2)L \le z \le (m+3/4)L$ 和 $n_4(z) = n_0 + \Delta n - i\Delta n$ ,  $(m+3/4)L \le z \le (m+1)L$ 。其中m为整数, 从1取 到N, N为字称时间对称晶体中原胞数;  $n_0$ 为背 景媒质折射率;  $\Delta n$ 为折射率实部和虚部调制幅 度; L为宇称时间对称晶体原胞长度; z为沿晶体 折射率调制方向坐标轴; i为虚数单位。L满足布 拉格反射条件, 即 $L = \lambda/(2n_0)$ , 其中 $\lambda$ 为波长。 基于传递矩阵法, 我们可以推导出左右反射系数  $r_{L(R)}$ 和透射系数t分别为

$$r_{\rm L} = \frac{\left(M_{11} + M_{12}n_0\right)n_0 - \left(M_{21} + M_{22}n_0\right)}{\left(M_{11} + M_{12}n_0\right)n_0 + \left(M_{21} + M_{22}n_0\right)}, \quad (5a)$$

$$r_{\rm R} = \frac{\left(M_{11} + M_{12}^* n_0\right) n_0 - \left(M_{21}^* + M_{22} n_0\right)}{\left(M_{11} + M_{12}^* n_0\right) n_0 + \left(M_{21}^* + M_{22} n_0\right)}, \qquad (5b)$$

$$t = \frac{2n_0}{(M_{11} + M_{12}n_0)n_0 + (M_{21} + M_{22}n_0)}.$$
 (5c)

其中, M<sub>11</sub>, M<sub>12</sub>, M<sub>21</sub>和 M<sub>22</sub>为总传递矩阵的各

个元素,*M*的右上标星号表示共轭操作。通过数 值计算,我们发现当原胞数*N*为特定数值时,可 以得到 $|M_{11}|=|M_{22}|=1$ 和 $M_{12}=M_{21}=0$ 。将其代入 公式(5a)—(5c),则有一维晶体左(右)侧反射率  $R_{L(R)}=0$ 和透射率 $T=1^{[18]}$ 。

为了验证上述结论的可靠性,我们举一个简 单的例子。假设背景媒质折射率 $n_0$ =3和折射率 实部和虚部调制幅度 $\Delta n$ =0.2,我们分别计算出 字称时间对称晶体的左侧反射率 $R_{\rm L}$ ,右侧反射 率 $R_{\rm R}$ 和透射率T,如图8所示,其中字称时间对 称晶体原胞数N从1变到800。从图8中,我们发 现字称时间对称晶体的左侧反射率 $R_{\rm L}$ 、右侧反 射率 $R_{\rm R}$ 和透射率T随原胞数增加发生振荡,且振 荡周期为275。数值计算表明字称时间对称晶体 在周期数为275的整数倍时表现为正反方向均透 明。由于该字称时间对称晶体可以等效于一个提 供单向波矢的复声栅,我们在图8中观测到左侧 反射率的振荡幅度( $R_{\rm L}$ <7.117×10<sup>5</sup>)要远小于右 侧反射率的振荡幅度( $R_{\rm R}$ <834)。

由于宇称时间对称晶体折射率虚部调制关于 z=0不对称(如图7中红色虚线所示),正反方向波 入射对应的晶体内场分布应不相同。如图9所 示,当宇称时间对称晶体原胞周期数 N=275时, 虽然波从左侧或右侧入射,反射均为0且透射率 均为1,但是晶体内场的分布依然能够体现出材 料对波的方向响应特性。例如,当波从左侧入射

时,场强没有明显的增强效应(图 9(a));但是当波从右侧入射时,场 强体现出约3个数量级的增强效应 (图9(b))。干涉条纹类似于法布里 一珀罗基频共振。我们还发现正反 方向波入射对应的晶体内场分布关 于原点都对称,因此场强在增益和 损耗媒质中的分布比重各占一半。 这时,由增益媒质产生的能量完全 被损耗媒质所吸收,最后入射波经 过该晶体后不发生衰减。值得一提 的是,当入射波频率发生改变时, 我们还发现法布里一珀罗共振谐频 分量可分为蓝移和红移两支,此时基频并非离散 共振频率最低值<sup>[19]</sup>。对于相同阶蓝移和红移谐振 模式,虽然频率不相同,但是场分布极为类似且 均为单向局域。

## 5 理想声学传感器件

近些年来,弹性波传感器件蓬勃发展。一种 简单的弹性波传感方式是基于谐振腔共振。当腔 体的长度或材料参数由于温度或者应力等发生细 微改变时,弹性波谐振峰会发生明显偏移。该传 感方式的灵敏度取决于弹性波谐振峰的Q值,因 此提高探测峰的Q值有极大的应用意义。这里, 我们设计了一种一维宇称时间对称晶体谐振腔, 如图 10 所示<sup>[20, 21]</sup>。A和B为两种不同的固体材 料。L和G表示损耗和增益媒质区域。中间红色 区域为引入的一个缺陷腔体。固体材料我们选择



**图7** 一种宇称时间对称晶体示意图。材料折射率 ñ 的实部 n和虚部κ沿着z方向方波调制。其中实部是关于z=0 对称(蓝 色实线),虚部是关于z=0反对称(红色虚线)。实部和虚部调 制之间存在π/2的相移



**图8** 宇称时间对称晶体的左侧反射率(a),右侧反射率(b)和透射率(c)。宇称时间对称晶体原胞数*N*从1变到800



**图9** 当宇称时间对称晶体原胞周期数*N*=275时,波分别从 (a)左侧和(b)右侧入射对应的场分布图(图中晶体内波场幅度 和晶体长度均相对于入射波幅度和波长进行归一化处理)



图 10 一维宇称时间对称晶体谐振腔示意图(晶体结构参数:  $d_{s}=18 \text{ mm}$ ,  $d_{s}=6 \text{ mm}$   $\pi d_{s}=1 \text{ mm}$ )



图11 (a)和(b)分别为无损系统中缺陷态P模式对应的透射谱和位移场分布;(c)和(d)分别为无损系统中缺陷态D模式对应的透射谱和位移场分布

环氧树脂和硬硅胶。环氧树脂材料参数为:密度 1.180×10<sup>3</sup> kg/m<sup>3</sup>,纵波速度2540 m/s;硬硅胶材料 参数为:密度1.415×10<sup>3</sup> kg/m<sup>3</sup>,纵波速度948 m/s。

我们首先考虑一种最简单的无损情况,即一般的声子晶体谐振腔结构。当材料A和B分别为 环氧树脂和硬硅胶时,声子晶体谐振腔存在P模 式局域态,其透射谱和场分布如图11(a)和(b)所 示。P模式局域场分布特点是场强极大值位于缺 陷腔中央且向两侧快速衰减。当材料A和B分别 为硬硅胶和环氧树脂时,声子晶体谐振腔存在D 模式局域态,其透射谱和场分布如图11(c)和(d)所 示。D模式局域场分布特点是场强零点位于缺陷 腔中央且向两侧存在两个极大值旁瓣。局域共振 P模式和D模式对应的透射谱峰值等于1,频率位

> 置分别位于 $\omega_1 = 2.308 \times 10^5$  rad/s 和  $\omega_2 = 2.101 \times 10^5$  rad/s 。无损系统散 射矩阵的本征值谱图如图 12(a)和 (d)所示,其中局域共振P模式和D 模式分别对应于一个本征值两重 简并点。

> 当系统被引入损耗和增益并 满足宇称时间对称时,局域共振P 模式和D模式对应的本征值两重 简并点发生分裂,变成一对两重 简并点,如图12(b)和(e)所示。我 们分别计算P模式和D模式对应的 透射谱、左侧反射谱(R<sub>L</sub>)和右侧反 射谱(R<sub>R</sub>),如图12(c)和(f)所示。我 们发现,分裂后一对简并点分别 对应于系统单向左反射和单向右 反射。具体而言,对于P模式,低 频简并点对应于单向左反射,高 频简并点对应于单向右反射;对 于D模式,低频简并点对应于单 向右反射, 高频简并点对应于单 向左反射。单向反射条件下,根 据公式(3),我们可以得到透射率 等于1。利用简并点分裂效应,我 们可以进一步设计一种高Q值声



**图12** (a)和(d)分别对应无损系统中缺陷态P模式和D模式的系统散射矩阵本征值谱图;(b)和(e)分别对应为字称时间对称系统中缺 陷态P模式和D模式的系统散射矩阵本征值谱图,其中蓝色实线和红色实线对应于散射矩阵两个本征值;(c)和(f)为字称时间对称 系统中缺陷态P模式和D模式分别对应的透射谱(黑色实线),左侧反射谱(红色实线)和右侧反射谱(蓝色实线)

学传感器件。比如,我们将左侧和右侧反射率比 值作为一个间接测量物理量。当宇称时间对称系 统中缺陷腔体长度 d 发生变化时,分裂后一对简 并点在频域会发生移动。这样,固定一个探测频 率点,我们发现系统状态会依次经过这一对简并 点,即从单向左(右)反射转变为单向右(左)反射。 如图13所示,当声学传感系统工作在P模式下, 我们设定工作频率为2.309×10<sup>5</sup> rad/s。这时,系统 随着缺陷腔体长度 $d_i$ 增大,间接测量物理量 $R_1/R_1$ 从近乎无限大变为0,对应的腔体长度变化量约 为11 µm。当声学传感系统工作在D模式下,我 们设定工作频率为2.1005×10<sup>5</sup> rad/s。这时,系统 随着缺陷腔体长度 $d_i$ 增大,间接测量物理量 $R_1/R_B$ 从0变为近平无限大,对应的腔体长度变化量约 为7.5 µm。通过提高系统增益大小和降低简并点 分裂程度,我们可进一步提高宇称时间对称声传 感器的灵敏度。

## 6 未来展望

文章中简单回顾了宇称时间对称声学的一些



**图13** 宇称时间对称系统中缺陷态P模式和D模式分别对应 的左右侧反射率比值*R*<sub>1</sub>/*R*<sub>\*</sub>随缺陷腔体长度*d*.变化图(该声学 传感系统在P模式下工作频率为2.309×10<sup>5</sup> rad/s,在D模式 下工作频率为2.1005×10<sup>5</sup> rad/s)

进展。我们展示了声波和宇称时间对称系统相互 作用展现出来的一系列新奇效应,例如单向声隐 身、单向声局域和声学系统散射矩阵简并点分裂 等。这些效应在无损系统中难以实现且具有理论 探索价值和潜在应用前景。目前,宇称时间对称 声学大多停留在理论研究阶段,实验实现仍然局 限于双单元线性系统。宇称时间对称声学主要受 限于声学增益的实现。高维情况下,声学增益已 经很难用普通的反馈电路系统来等效实现,而压 电材料给我们提供了一种新的可能性。宇称时间对称声学还 可与近些年来比较热门的研究领域相互交叉,例如拓扑声 学、变换声学、非线性声学和混沌声学,从而衍生出更多的 理论研究分支。我们期待未来有更多的理论和实验工作不断 发掘和证实声学宇称时间对称系统的奇特性质,并将其应用 于现实生活当中。

## 参考文献

- [1] Bender C M, Boettcher S. Phys. Rev. Lett., 1998, 80:5243
- [2] Konotop V V, Yang J, Zezyulin D A. Rev. Mod. Phys., 2016, 88:035002
- [3] El-Ganainy R, Makris K G, Christodoulides D N et al. Opt. Lett., 2007, 32:2632
- [4] Rüter C E et al. Nat. Phys., 2010, 6:192
- [5] Gong J, Wang Q H. Phys. Rev. A, 2010, 13:012103
- [6] Lin Z et al. Phys. Rev. Lett., 2011, 106:213901
- [7] Regensburger A et al. Nature, 2012, 488:167
- [8] Ramezani H et al. Phys. Rev. Lett., 2014, 113:263905
- [9] Chong Y D, Ge L, Stone A D. Phys. Rev. Lett., 2011, 106:093902
- [10] Wong Z J et al. Nat. Photon., 2016, 10:796
- [11] Zhu X et al. Phys. Rev. X, 2014, 4:031042
- [12] Fleury R, Sounas D, Alù A. Nat. Commun., 2015, 6:5905
- [13] Shi C et al. Nat. Commun., 2016, 7:11110
- [14] Ge L, Chong Y D, Stone A D. Phys. Rev. A, 2012, 85:023802
- [15] Schindler J, Li A, Zeng M C et al. Phys. Rev. A, 2011, 84:04010(R)
- [16] Zhu X, Feng L, Zhang P et al. Opt. Lett., 2013, 38: 2821
- [17] Zhu X, Liang B, Kan W et al. Phys. Rev. Lett., 2011, 106:014301
- [18] Zhu X, Peng Y G, Zhao D G. Opt. Express, 2014, 22:18401
- [19] Gaffer F N et al. Chin. Phys. B, 2017, 26:074218
- [20] Zhu X. Opt. Express, 2015, 23: 22274
- [21] Zhao D, Shen Y, Zhang Y et al. Phys. Lett. A, 2016, 380: 2698



