

# LEED 动力学计算的 BSN 近似法简介

胡 兹 蒲

(中国科学技术大学物理系)

低能电子衍射 (LEED) 及其动力学计算，能在  $0.1\text{A}$  的误差范围确定表面每个原子的位置，因而是当今最有力的表面结构分析手段。随着表面科学发展，表面结构分析面临着大量的多层表面结构、无序表面结构和复杂表面结构问题。LEED 的动力学计算量也日趋繁重，往往超出了目前计算机许可的范围。寻找有效的近似方法是 LEED 动力学计算迫在眉捷的任务。

超晶格表面 (with large-unit-cell superlattice) 和非通约表面 (incommensurate)，由于它在材料科学和催化机理上的应用背景，近年来很为人们所重视。然而其结构分析中的庞大计算量又使人望而生畏。如果将每条由表面衍射生成的电子衍射束用一个平面波来表示，那么一个正空间的二维点阵就对应了一个平面波组 (a beam set)。我们将对应衬底格子和超格子的衍射束组分别用  $\{G\}$  和  $\{g\}$  表示。一个超格子单胞面积是一个衬底格子面积的  $M$  倍，其  $\{g\}$  束组的电子束数将是  $\{G\}$  束组的  $M$  倍。计算超格子层的衍射矩阵将是计算衬底的衍射矩阵的  $M^2$  倍。而每一条  $g_i$  都以一个特定角射入衬底，产生一套  $g_i + \{G\}$  束组。这样整个表面衍射过程将有  $M$  套束组参与。非通约表面的动力学计算就更复杂。因为，无法用衬底的衍射束简单地表示吸附层的衍射束，所以经过反复散射后将有无数套束组参与此表面的衍射过程。这样大的计算量是无法付诸实践的。

尽管有许多套束组参与了超晶格和非通约表面的衍射，但它们对最终结果的贡献并不相同。在计算中只考虑那些起主要作用的束组，忽略那些次要的束组，这就是束组忽略法 (beam set neglect method)，简称 BSN 近似法的基本思想。

## 一、BSN 近似法

在动力学计算中，当入射角与样品的格子结构确定之后，束组就确定了，层的衍射矩阵也就确定了。我们可以把表面分成两大层，一层为超格子层，一层为衬底层，即把衬底看成一个很厚的原子层。它们各有自己的格子和束组。由于零度角散射强度远大于其他角度，我们定义所有非零度角散射为偏射。把所研究的出射束强度，按其在吸附层与衬底间的偏射次数展开，并称偏射次数为散射序数，那么散射序数越高的项对结果的贡献越小，而计算量越大。

N. Stoner, M. A. Van Hove, S. Y. Tong 和 M. B. Webb 在 1978 年计算了在一级、二级、三级散射近似下， $\text{Xe}/\text{Ag}(111)$  系统的各条衍射束的  $I-V$  曲线<sup>[1]</sup>。计算结果表明，如只考虑一级散射，计算结果误差较大，但包括二级散射与包括三级散射的结果相差无几。这样就产生了略去三级散射的近似计算。由于在二级近似的计算中只需几套关键的束组，而忽略其它束组的作用，故称为束组忽略近似法，即 BSN 法。

## 二、用 BSN 法计算的各衍射束

下面我们具体分析一下 BSN 法计算中各衍射束的成分、计算量和提供的信息。

### 1. 镜射束，即 $(0, 0)$ 束

在二级近似下，镜射束由两条反射束干涉而成：一条直接由超格子层反射而成，另一条是透过超格子层由衬底反射而成。超格子层和

衬底间的层间距决定了这两条反射束的程差，因而镜射束的  $I-V$  曲线对这层间距最敏感。当表面为非通约的吸附层时，一般吸附层和衬底的横向结构可由衍射花样决定，用镜射束的  $I-V$  曲线确定层间距，有着重要的现实意义。

## 2. 对应衬底结构的衍射束 $G_i$

在二级近似下，计算  $G_i$  束时只需考虑  $\{G\}$  束组，所有  $g_i + \{G\}$  束组的贡献均被忽略。 $G_i$  的  $I-V$  曲线主要由衬底各层的衍射束相干产生，它主要说明了衬底的结构和吸附层对其影响不大，因此，可用吸附前后  $G_i$  束的变化来判断吸附前后衬底内的结构变化。

## 3. 对应超格子的衍射束 $g_i$

每一  $g_i$  主要由  $g_{i1} g_{i2} g_{i3}$  三部分相干而成。 $g_{i1}$  由超格子层直接衍射而得； $g_{i2}$  由衬底反射的  $(0,0)$  束在超格子层衍射而得； $g_{i3}$  由超格子层的衍射束经衬底反射而得。 $g_i$  的计算需要用  $\{G_i\}$  束组和  $g_i + \{G\}$  束组。它的  $I-V$  曲线为分析复杂的吸附层结构提供了关键信息。

从上面分析可知，用 BSN 法计算时只需用

(上接第 136 页)

的学科分支。由于这方面的深入，现在已发展到超聚合物 (superpolymer)、极弱固体 (ultraweak solid) 和聚集物 (aggregates) 的研究。当某些物质的微粒的粒度小至 100 nm 或更小时，它们可象原子或分子那样成为一种物质单元，在一定的条件下，它们有可能聚集起来形成“柔软”的链和周期性的类格子态以及具有部分几何结构的实体，这在基础物理及应用物理研究中都有重大意义。

同技术和应用的迅速发展相比，理论的发展很慢。目前还没有较成熟的理论，有一些理论模型，但只能解释部分实验现象(粒子间的相

少数几个束组，因而计算量是有限的，然而提供的信息却是丰富的。

## 三、应用与前景

1983 年，Van Hove 等人用 BSN 法分析了  $C_6H_6/Rh(111)$  表面，并与精确计算法作了对比，结果表明此方法是有效的，结果的精度是令人满意的<sup>[2]</sup>。

1985 年，笔者与 Van Hove 将此理论用到石墨与  $Pt(111)$  非通约表面结构分析上，再次获得成功<sup>[3]</sup>。

当然，BSN 法作为一种近似处理法，其有效性和局限性都有待于在更广泛的应用中予以检验，同时许多具体处理方法也有待进一步完善。

- [1] N. Stoner et al., *Phys. Rev. Lett.*, **40**(1978), 243.
- [2] M. A. Van Hove et al., *Phys. Rev. Lett.*, **51**(1983), 778.
- [3] Hu Zi-Pu et al., *Surf. Sci.*, **180** (1987), 433.

互作用及它们的形成等)，并且实验研究也不很充分。从已经取得的应用成果看，这方面的研究是固体物理及工业开发研究的非常有用的研究领域。目前，日本、美国在这一领域的研究已处于领先地位，他们不但在基础物理的研究方面，而且在工业开发的研究和应用上都有突出的成就。目前，国内这方面的研究，尤其是基础物理性的研究还不充分。

- [1] T. C. Lubensky, *Phys. Today*, **37-10**(1984), 44.
- [2] 和田 伸彦, 日本の科学と技術, **25**(1984), 22.
- [3] 小沢英一, 日本の科学と技術, **25**(1984), 52.
- [4] S. Iijima, Proc. XIth Int. Cong. on Electron Microscopy, Kyoto, (1986), 87.