# 分子轨道波函数相对论效应的高分辨 电子动量谱学观测\*

陈向军<sup>†</sup> 李中军 单 旭 薛新霞 刘 涛 徐克尊

(中国科学技术大学近代物理系 合肥微尺度物质科学国家实验室 合肥 230026)

摘 要 利用新研制的能量分辨为 0.5 eV 的高分辨(e,2e)谱仪测量了 CF<sub>3</sub>I 分子在 9—15 eV 能区的束缚能谱. 新 谱仪能较好地分辨该分子碘孤对轨道的自旋轨道劈裂组分 5e<sub>3/2</sub>和 5e<sub>1/2</sub>,并得到了它们各自的电子动量分布以及分支 比随动量的变化关系. 实验结果清楚地显示了 5e<sub>3/2</sub>和 5e<sub>1/2</sub>态波函数的相对论效应. 这是第一个分子轨道波函数相对 论效应的直接实验观测.

关键词 自旋-轨道劈裂 ,电子动量谱学 相对论效应 ,CF<sub>3</sub>I 分子

# Experimental observation of relativistic effects on the electronic wavefunction in molecules

CHEN Xiang-Jun<sup>†</sup> LI Zhong-Jun SHAN Xu XUE Xin-Xia LIU Tao XU Ke-Zun (Hefei National Laboratory for Physical Sciences at Microscale and Department of Modern Physics, University of Science

and Technology of China , Hefei 230026 , China )

**Abstract** Binding energy spectra of CF<sub>3</sub>I in the energy range 9 - 15 eV have been measured by a newly developed high resolution (e, 2e) spectrometer with 0.5 eV energy resolution. The two split spin-orbit components  $5e_{3/2}$  and  $5e_{1/2}$  of the iodine lone-pair orbital have been partially resolved and their individual electron momentum distributions obtained , together with their branching ratio as a function of momentum. The experimental results clearly reveal the relativistic effects on the  $5e_{3/2}$  and  $5e_{1/2}$  orbital wavefunctions.

高 Z 原子和含有高 Z 原子的分子的相对论效 应一直吸引着人们的研究兴趣<sup>[1-3]</sup>.相对论效应主 要包括动能效应和自旋 – 轨道耦合效应,前者是由 电子在近(重)核区域的高速运动引起的,而后者则 是自旋和轨道相互作用的结果<sup>[2]</sup>.相对论效应不仅 会影响电子态的能量,使能级产生移动和劈裂,也会 影响电子态的波函数.一般认为价电子的相对论效 应可以忽略,因为内层电子对核有显著的屏蔽作用, 从而使得价电子的运动速度远小于光速.然而,随着 实验技术和理论方法的发展,人们逐渐认识到高 Z 原子和含有高 Z 原子的分子价电子的相对论效应 也相当重要<sup>[1,3]</sup>.

光电子能谱(photoelectron spectroscopy, PES) 是研究相对论效应最常用的实验方法之一,它通过 测量光电子能谱的自旋 – 轨道劈裂能,以及测量自 旋 – 轨道劈裂组分的分支比随光子能量的变化关系 等来研究相对论效应.此外,核磁共振(nuclear magnetic resonance, NMR)和康普顿散射(Compton scattering)等方法也可以通过测量相对屏蔽常数、康普 顿轮廓等来探究相对论效应.

电子动量谱学(electron momentum spectroscopy, EMS)作为一种可以获得分立轨道动量空间径向电 子密度分布的实验手段,在研究原子分子电子结构 方面具有独特的优势.Cook等人最先利用电子动量 谱学方法研究了相对论效应对原子的电子波函数的 影响<sup>[4]</sup>,虽然,他们当时仪器的能量分辨(约1.6 eV)不足以分开氙离子的5p<sub>3/2</sub>和5p<sub>1/2</sub>双重态(能量 间隔约为1.3 eV),他们还是利用小心的剥谱步骤,

 <sup>\*</sup> 国家自然科学基金(批准号:10734040)资助项目
2008-07-03 收到

<sup>†</sup> 通讯联系人. Email xjun@ustc. edu. cn

获得了  $5p_{3/2}$ 和  $5p_{1/2}$ 各自的电子动量分布和分支比, 结果与在平面波冲量近似下得到的相对论的 Dirac – Fock 计算结果相吻合,清楚而直接地显示了相对 论效应对单电子波函数的影响. 之后,Frost 等人<sup>[5]</sup> 在铅的  $6p_{3/2}$ 和  $6p_{1/2}$ 自旋 – 轨道劈裂态中观察到了 类似的结果. 1991 年,Bonfert 等人<sup>[6]</sup>报道了相对论 效应对银和金的 K 壳层( e, 2e)三重微分截面的影 响. 2006 年,Ren 等人<sup>[7]</sup>报道了 Xe 原子内层 4d 轨 道的相对论效应.

到目前为止,相对论效应的电子动量谱学研究 工作非常少且均限于原子,尤其是相对论效应明显 的原子内层轨道.而传统电子动量谱仪的低能量分 辨也限制了该方法的进一步应用.此外,尚未见到分 子相对论效应的电子动量谱学研究的报道.2006 年,我们研究组研制成功了一台能量和角度都能多 道同时测量的第三代高能量分辨的(e,2e)谱仪,谱 仪的能量分辨达到了0.5 eV.分辨能力的提高拓展 了电子动量谱学的研究领域.在本工作中,我们选取 CF<sub>3</sub>I分子作为研究对象,前人的光电子能谱实验表 明,该分子最高占据轨道(highest occupied molecular orbital,HOMO)5e 轨道电离能带的自旋 – 轨道劈裂 能为0.73 eV,我们的新谱仪可以较好地分辨,从而 得到不同自旋 – 轨道劈裂态的电子动量分布.

## 1 高能量分辨(e,2e)谱仪

谱仪的基本物理过程是电子碰撞的单电离 ,即 (e,2e)反应.图1是高能量分辨(e,2e)谱仪示意 图,谱仪采用不共面不对称的运动学条件.电子枪产 生的电子束经单色化后由透镜加速到  $E_0 = 2500 \text{ eV}$ +束缚能,在反应中心与气体分子束碰撞,散射电子 ( $E_a = 2354 \text{ eV}$ )沿着  $\theta_1 = 14^\circ$ 的极角进入快电子分 析器,并被两维位置灵敏探测器探测,在较大的范围 内 实现快电子能量和方位角(φ)的多道同时测量. 电离电子( $E_{\rm b}$  = 146 eV)沿  $\theta_2$  = 76°的极角进入慢电 子分析器 并被一维位置灵敏探测器探测 在较大的 范围内,实现慢电子能量的多道同时测量.在这样的 实验条件下 电子碰撞电离可以看作发生在入射电 子和轨道电子之间 而将剩余离子实视为旁观者 通 过符合测量两个出射电子的能量和角度,由能量和 动量守恒,可以得到轨道电子的束缚能和动量的大 小 分别为  $\varepsilon_{\rm f} = E_0 - E_{\rm a} - E_{\rm b}$   $p = 2p_{\rm a} \sin \theta_{\rm a} \sin \frac{\Phi}{2}$ . 运用 平面波冲量近似( plane wave impulse approximation , PWIA )和靶 Hartree – Fock(HF)近似或靶 Kohn – Sham(KS)近似 (e,2e)反应的三重微分截面正比 于  $\int d\Omega |\psi(p)|^2$ ,其中 $\psi(p)$ 是动量空间的单电子 轨道波函数.所以,通过实验测量三重微分截面,就 可以获得原子或分子轨道动量空间的径向电子密度 分布.谱仪的能量分辨为 0.5 eV,角度分辨为  $\Delta \theta_a = \pm 0.6^{\circ} \Delta \theta_b = \pm 1.0^{\circ} \Delta \phi = \pm 1.0^{\circ}$ .



#### 图 1 高能量分辨(e 2e)谱仪示意图

## 2 CF<sub>3</sub>I 分子 HOMO 的相对论效应

图 2( a) 是实验测量的 CF, I 分子的两维能量、 动量谱.图2(b)则是从中得到的9—15 eV能量范 围内的束缚能谱(binding energy spectrum, BES),该 能区可以观测到 3 个可分辨的能带,其中 10.47 eV 和 11.15 eV 的能带就是 CF<sub>3</sub>I 分子最高占据的 5e 轨道电离态的自旋 - 轨道双重态 5e<sub>3/2</sub>和 5e<sub>1/2</sub>. 13.20eV 处的能带则对应次最高占据的 5a, 轨道的 电离.我们用3个高斯函数分别拟合3个电离带 高 斯函数的宽度由谱仪函数和从光电子能谱实验给出 的 Frank – Condon 轮廓的宽度卷积得到. 高斯函数 的峰面积对动量作图 就是各电离能带对应轨道的 实验电子动量分布(experimental momentum profile, XMP).图3(a)给出了5e轨道总的XMP(实心原 点)图 3(b)给出了 5e 轨道两个自旋 - 轨道劈裂态 5e<sub>1/2</sub>(实心原点)和5e<sub>1/2</sub>(空心原点)各自的 XMP, 而图 3(c)则给出了两个自旋 – 轨道劈裂组分分支 比随动量的变化关系. 该轨道是典型 5p 孤对轨道, 实验测量的电子动量分布在 p~0.53a.u. 处有一个 极大值.对于原子 p 轨道 其动量空间波函数存在一 个过零点的节面 表现在动量分布上 零动量处的强 度为0 而在p > 0 的某点存在一个极大值. 这样的

电子动量分布称为" p型"分布.实际情况,由于仪器 有限的角分辨,零动量是非零的极小值.图 3(a)中 同时还给出了不同理论方法计算得到的理论电子动 量分布(theoretical momentum profile, TMP),为了便 于比较 图中的 TMP 均已卷积了仪器的角度分辨. 从图中可以看到,采用非相对论全电子基组 6-311G\*( C F J)的 HF 和密度泛函( 采用 B3LYP 混 合泛函)理论计算也给出了"p-型"的电子动量分 布,与实验结果基本吻合,只是在0.3-0.6 a.u的 动量范围内比实验略高. 由于分子的四分量全相对 论计算很困难,很多情况下,用相对论有效核势(effective core potential, ECP)是作为有效的替代方法. 我们对 I 原子采用相对论 ECP 基组 CRENBL ,对 C 和 F 原子仍采用 6-311G\* 基组,相关的 HF 和密度 泛函理论的计算结果也在图 3( a )中给出 显然 J 原 子采用 CRENBL 基组的计算结果与实验更加符合. 这表明I原子芯壳层的相对论效应对价轨道的电子 密度分布有一定的影响,这是一种间接的相对论效 应.



图 2 CF<sub>3</sub>I 分子的能动量两维谱(a)及束缚能谱(b)

从图 3( b )可以看出 5e 轨道的两个自旋 – 轨 道劈裂态  $5e_{3/2}$ 和  $5e_{1/2}$ 的 XMP 表现出明显的不同, 在 p < 1.0 a. u. 的区域  $5e_{3/2}$ 的强度大于  $5e_{1/2}$ ,而在 p > 1.0 a. u. 的区域则刚好相反. 这一特点在图 3 ( c )的分支比图上表现得更加明显. 非相对论的 HF 计算显然不能描述实验,它给出的分支比等于两个 自旋 – 轨道劈裂组分的统计权重,即 1 :1(图中的虚 线). 显然,实验的分支比明显偏离了 1. 在高 Z 原子 价壳层的相对论研究中曾观察到类似的现象,理论 研究表明<sup>[2]</sup>,由于相对论效应,在自旋 – 轨道劈裂



图 3 CF<sub>3</sub>I 分子 5e 轨道的电子动量分布

项中,总角动量量子数*j*小的态,其动量空间的径向 电子密度分布比*j*大的态更弥散,这与我们实验观 测到的 5e 轨道的自旋 – 轨道劈裂态 5e<sub>3/2</sub>和 5e<sub>1/2</sub>的 电子动量分布现象相同,根据这一图象,我们认为 5e<sub>3/2</sub>和 5e<sub>1/2</sub>电子动量分布的差异是相对论效应的结 果.这是第一个分子轨道波函数相对论效应的直接 实验观测. 当然,精确的实验与理论的比较需要严格 的四分量全相对论的计算,这有待相对论量子化学 家的参与.

#### 参考文献

- [1] PyykköP, Chem. Rev. , 1988, 88:563
- [2] Reiher M, Hess B A. Modern Methods and Algorithms of Quantum Chemistry. In : Grotendorst J Ed. NIC Series (Vol. 1). Jülich : Jülich Research Center, 2000
- [3] Grant I P. Relativistic Quantum Theory of Atoms and Molecules. New York : Springer Science/Business Media , 2007
- [4] Cook J P D , Mitroy J , Weigold E. Phys. Rev. Lett. , 1984 , 52 :1116
- [5] Frost L , Mitroy J , Weigold E. J. Phys. B : At. Mol. Phys. , 1986 , 19 :4063
- [6] Bonfert J, Graf H, Nakel W. J. Phys. B: At. Mol. Phys. , 1991, 24:1423
- [7] Ren X G , Ning C G , Deng J K et al. Phys. Rev. A ,2006 ,73 :042714